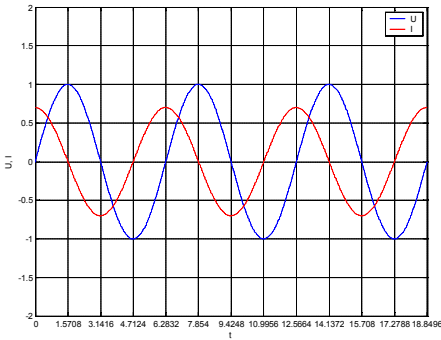


# Praktikum

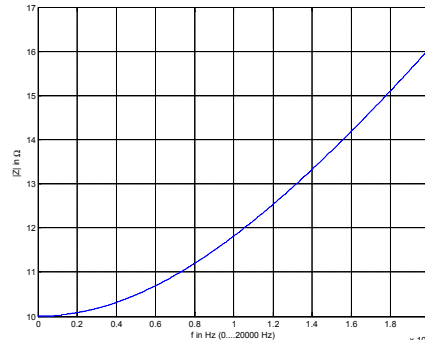
## Elektrotechnik / Elektronik

### 3.2 EE 03 Wechselstromkreis

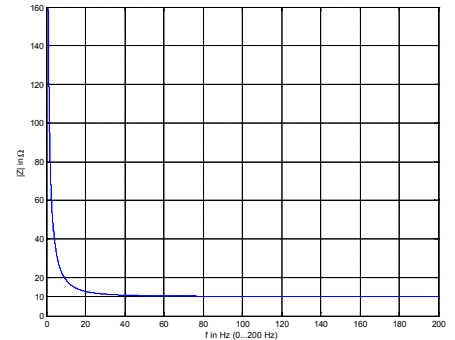
1.  $u_q(t) = \hat{U} \sin(\omega t + \mathbf{j}) = \frac{1}{C} \int i(t) dt \Rightarrow i(t) = C \frac{du_q(t)}{dt} = C \hat{U} \omega \cos(\omega t + \mathbf{j}) = \hat{I} \sin(\omega t + \mathbf{j} + \frac{\pi}{2})$ . Skizze mit  $\varphi=0$ ,  $\omega=1$ .



zu 1.



zu 2. a)

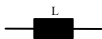


zu 2. b)

2. a)  $Z = R + jX_L = R + j\omega L \Rightarrow |Z| = \sqrt{(4\pi^2 L^2) f^2 + R^2}$ .  $R=10 \Omega$ ,  $L=100 \mu\text{H}$ :

b)  $Z = R + jX_C = R - j \frac{1}{\omega C} \Rightarrow |Z| = \sqrt{\frac{1}{(4\pi^2 C^2) f^2} + R^2}$ .  $R=10 \Omega$ ,  $C=100 \mu\text{F}$ :

3. Ideal:  $Z = jX_L = j\omega L$ .



Real:  $Z = R_1 + jX_L + jX_C \parallel R_2$

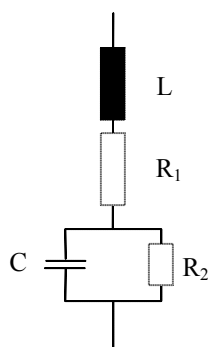
Da Spulen aus aufgewickeltem Draht bestehen (Widerstand  $R_1$ ), haben sie neben ihrer Induktivität notwendigerweise auch eine Kapazität zwischen den Windungen. Diese Kapazität stellt insbesondere bei hohen Frequenzen ein Problem dar, da sie effektiv parallel zur Induktivität liegt und dementsprechend bei hohen Frequenzen diese "kurzschließt".

4. vor Umschalten von S:  $Z = R_1 + jX_L = R_1 + j\omega L$ .  $\text{Re}\{Z\} = 10 \Omega$ ,  $\text{Im}\{Z\} = 39,99 \Omega$

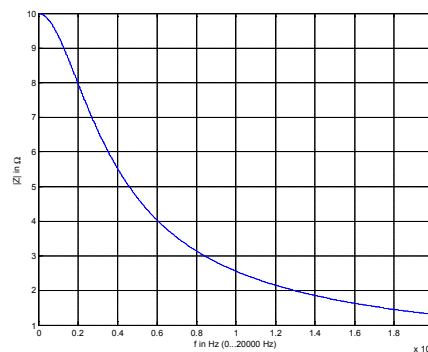
danach:  $Z = R_1 + jX_L \parallel R_2 = R_1 + \frac{j\omega L R_2}{R_2 + j\omega L} = R_1 + \frac{(j\omega L R_2)(R_2 - j\omega L)}{R_2^2 + \omega^2 L^2} = R_1 + \frac{L^2 \omega^2 R_2}{R_2^2 + \omega^2 L^2} + j \frac{\omega L R_2^2}{R_2^2 + \omega^2 L^2}$ .  $\text{Re}\{Z\} = 29,99 \Omega$ ,  $\text{Im}\{Z\} = 19,99 \Omega$

5. a)  $Z = R \parallel jX_C = \frac{R jX_C}{R + jX_C} = \frac{-R j \frac{1}{\omega C}}{R - j \frac{1}{\omega C}} = \frac{(-R j \frac{1}{\omega C})(R + j \frac{1}{\omega C})}{R^2 + (\frac{1}{\omega C})^2} = \frac{R(\frac{1}{\omega C})^2 - jR^2 \frac{1}{\omega C}}{R^2 + (\frac{1}{\omega C})^2} \Rightarrow |Z| = \sqrt{\frac{R^2 (\frac{1}{\omega C})^4}{(R^2 + (\frac{1}{\omega C})^2)^2} + \frac{R^4 (\frac{1}{\omega C})^2}{(R^2 + (\frac{1}{\omega C})^2)^2}}$

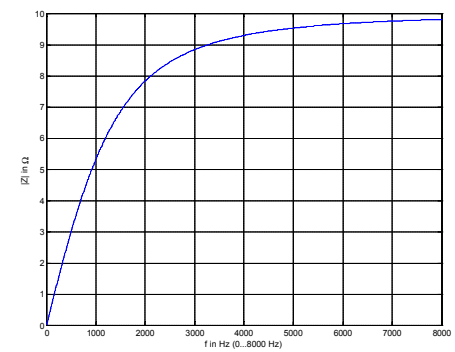
b)  $Z = R \parallel jX_L = \frac{R j\omega L}{R + j\omega L} = \frac{R \omega^2 L^2 + jR^2 \omega L}{R^2 + \omega^2 L^2} \Rightarrow |Z| = \sqrt{\frac{R^2 \omega^4 L^4}{(R^2 + \omega^2 L^2)^2} + \frac{R^4 \omega^2 L^2}{(R^2 + \omega^2 L^2)^2}}$



zu 3.



zu 5. a)



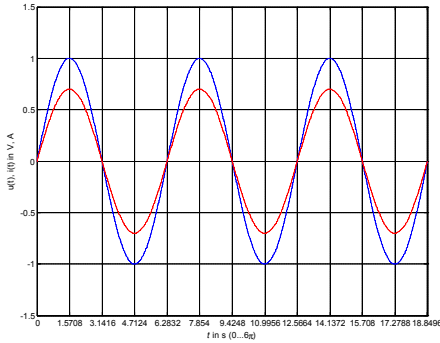
zu 5. b)

$$6. \quad Z = R_1 + R_2 // jX_L = R_1 + \frac{L^2 \omega^2 R_2}{R_2^2 + \omega^2 L^2} + j \frac{\omega L R_2^2}{R_2^2 + \omega^2 L^2}, \quad f \rightarrow \infty: Z = R_1 + R_2 \\ f \rightarrow 0: Z = R_1$$

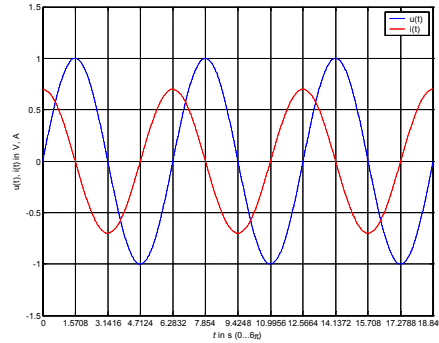
$$7. \quad a) \quad u(t) = R i(t) \Rightarrow i(t) = \frac{u(t)}{R} = \frac{U_0}{R} \sin(\omega t) = I_0 \sin(\omega t)$$

$$b) \quad u(t) = \frac{1}{C} \int i(t) dt \Rightarrow i(t) = C \frac{du(t)}{dt} = C U_0 \omega \cos(\omega t) = I_0 \sin(\omega t + \frac{\pi}{2})$$

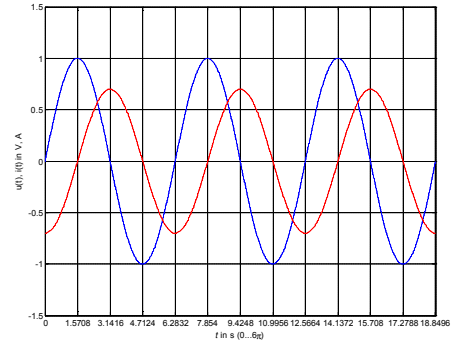
$$c) \quad u(t) = L \frac{di(t)}{dt} \Rightarrow i(t) = \frac{1}{L} \int u(t) dt = \frac{1}{L} \int U_0 \sin(\omega t) dt = \frac{U_0}{L\omega} \int \sin(\omega t) dt = -\frac{U_0}{L\omega} \cos(\omega t) = -I_0 \sin(\omega t + \frac{\pi}{2}) = I_0 \sin(\omega t - \frac{\pi}{2})$$



zu 7. a)



zu 7. b)



zu 7. c)

$$8. \quad j = 0 \Leftrightarrow \text{Im}\{Z\} = 0. \quad Z = (R + jX_L) // jX_C = \frac{(R + j\omega L) \frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{\frac{L}{C} - jR \frac{1}{\omega C}}{R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C})} = \frac{(\frac{L}{C} - jR \frac{1}{\omega C})(R - j(\omega L - \frac{1}{\omega C}))}{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}$$

$$\text{Im}\{Z\} = 0 \Leftrightarrow \frac{L}{C}(\omega L - \frac{1}{\omega C}) + R^2 \frac{1}{\omega C} = 0 \Leftrightarrow L^2 \omega + \frac{R^2}{\omega} = \frac{L}{\omega C} \Leftrightarrow C = \frac{1}{L\omega^2 + \frac{R^2}{L}} = 225,1 \text{ nF}$$

$$9. \quad \text{Arithmetischer Mittelwert: } \bar{u} = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} u(t) dt = \frac{1}{3} \left( \int_0^1 10t dt + \int_1^3 0 dt \right) = \frac{1}{3} (5 + 0) = \frac{5}{3} V$$

10. Effektivwert (= quadratischer Mittelwert):

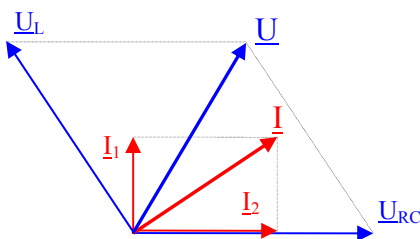
$$i_{\text{eff}} = \sqrt{i^2} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} i^2(t) dt} = \sqrt{\frac{1}{4} \left( \int_0^1 (10t)^2 dt + \int_1^3 (20-10t)^2 dt + \int_3^4 (10t-40)^2 dt \right)} = \sqrt{\frac{1}{4} \left( \int_0^1 (10t)^2 dt + \int_0^2 (-10t+10)^2 dt + \int_0^1 (10t-10)^2 dt \right)}$$

$$i_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{4} \left( \left[ \frac{100}{3} t^3 \right]_0^1 + \left[ -\frac{(10-10t)^3}{30} \right]_0^2 + \left[ \frac{(10t-10)^3}{30} \right]_0^1 \right)} = \sqrt{\frac{1}{4} \left( \frac{100}{3} + \frac{200}{3} + \frac{100}{3} \right)} = 10 \frac{1}{\sqrt{3}} = 5,77 A$$

$$11. \quad |Z_2| = \left| \frac{U}{jX_C} \right| = \frac{U}{|-j \frac{1}{\omega C}|} = U \omega C = 2,5 A = I_2. \quad |Z_1| = \left| \frac{U}{R + jX_L} \right| = \frac{U}{|R + j\omega L|} = \frac{U}{\sqrt{R^2 + \omega^2 L^2}} = 2,5 A = I_1. \quad I = I_1 + I_2 = 5 A.$$

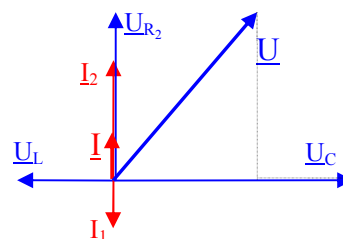
12. Anfangen mit  $\underline{U}_{RC} \Rightarrow \underline{I}_2$  und  $\underline{I}_1$

$$\Rightarrow \underline{I} = \underline{I}_2 + \underline{I}_1 \Rightarrow \underline{U}_L \Rightarrow \underline{U} = \underline{U}_L + \underline{U}_C$$



13. Anfangen mit  $\underline{U}_C \Rightarrow \underline{I}_2$  und  $\underline{I}_1 \Rightarrow \underline{I} = \underline{I}_2 + \underline{I}_1$

$$\Rightarrow \underline{U}_L \text{ und } \underline{U}_{R2} \Rightarrow \underline{U} = \underline{U}_L + \underline{U}_C + \underline{U}_{R2}$$



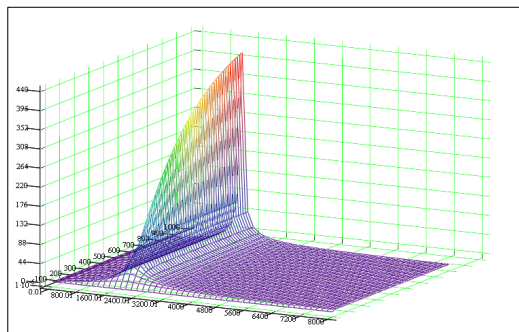
14. Serienschwingkreis: Güte:  $Q_s = \omega_0 \frac{L}{R} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \frac{L}{R} = \frac{\sqrt{L}}{R} = \frac{X_0}{R} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$ ,  $X_0$  – Kennwiderstand (= der Faktor zwischen den Amplituden von Strom und Spannung bei Resonanz – er ist in dem Moment über der Induktivität und dem Kondensator gleich groß). Parallelschwingkreis:  $Q_p = \omega_0 RC = \frac{1}{\sqrt{LC}} RC = R \sqrt{\frac{C}{L}}$ .

**15.** Durchlassbereich oder Bandbreite: sind  $\omega_1$  und  $\omega_2$  die Kreisfrequenzen links und rechts der Resonanzfrequenz  $\omega_0$  bei denen die Phasenverschiebung  $\pm 45^\circ$  beträgt, so ist die Bandbreite gerade  $b_w = \omega_2 - \omega_1$ . Für den Reihenschwingkreis gilt  $b_w = R / L$ , beim Parallelschwingkreis ist  $b_w = RC$ .

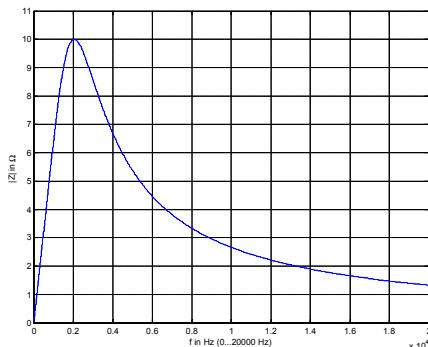
**16.** 
$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + \frac{1}{j\omega L} + \frac{1}{\frac{1}{j\omega C}} \Rightarrow |Z| = \left( \sqrt{\frac{1}{R^2} + \left( \omega C - \frac{1}{\omega L} \right)^2} \right)^{-1}.$$

Je größer die Güte, desto "schmalbandiger" und steiler sind die Resonanzkurven.

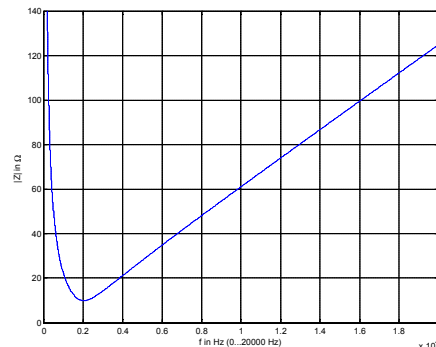
In dem 3D-Plot: L, C fest, f und R variabel. Steigt R, so steigt wegen  $Q_p = R\sqrt{C/L}$  auch die Güte des Parallelschwingkreises und der "Resonanz-Peak" von  $|Z|$  wird höher und dessen Flanken steiler. Anschaulich: steigt R, wird  $1/R^2$  immer kleiner. Da bei der Resonanz der  $(\omega C - 1/\omega L)^2$  Ausdruck verschwindet (Def. der Resonanz) und  $1/R^2$  auch verschwindend klein ist wird  $|Z|$  sehr groß (da Wurzel<sup>-1</sup>).



zu 15.



zu 16.



zu 17.

**17.**  $Z = R + j(X_L + X_C) = R + j\omega L - j\frac{1}{\omega C} \Rightarrow |Z| = \sqrt{R^2 + \left( \omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}$ . Bei der Resonanz ( $\omega_0 = 1/\sqrt{LC}$ ) ist  $|Z| = R$  und es gilt das Ohm'sche Gesetz  $I = U / R$ . Da der Imaginärteil des komplexen Widerstands verschwindet, findet keine Phasenverschiebung statt:  $\varphi=0$ .

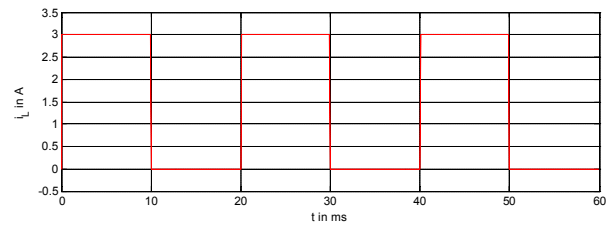
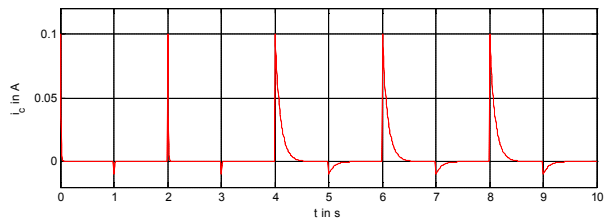
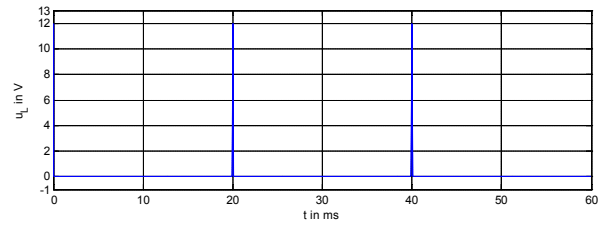
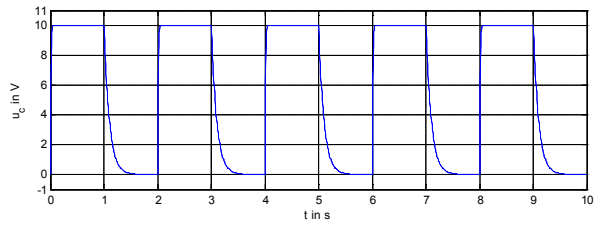
**18.**  $\omega_0 = 1/\sqrt{LC} = 2\pi f_0 \Rightarrow f_0 = \left( 2\pi\sqrt{LC} \right)^{-1} = 1752,2 \text{ Hz}$ ,  $I_{\text{ges}} = U_{\text{ges}} / R = 0,05 \text{ A}$ ,  $|U_C| = |I_{\text{ges}} jX_C| = I_{\text{ges}} / \omega_0 C = 30,28 \text{ V}$   
 $|U_L| = |I_{\text{ges}} jX_L| = I_{\text{ges}} \omega_0 L = 30,28 \text{ V}$ ,  $U_R = I_{\text{ges}} R = 5 \text{ V}$

**19. a)** Schalter oben (= Laden):  $u_q = u_R + u_C = Ri_C + u_C = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$ .  $t := RC \Rightarrow u_q - u_C = t \frac{du_C}{dt} \xrightarrow{\text{Trenn. d. Var.}} u_C(t) = u_q + k e^{-t/\tau}$   
 $\xrightarrow{AB, u_C(0)=0} u_C(t) = u_q (1 - e^{-t/\tau})$  und  $i_C(t) = C \frac{du_C(t)}{dt} = \frac{u_q}{R} e^{-t/\tau}$ .

**b)** Schalter unten (= Entladen): entspräche  $u_q^*=0$  und der AB  $u_C(0)=u_q \rightarrow u_C(t) = u_q e^{-t/(10\tau)}$  und  $i_C(t) = -\frac{u_q}{10R} e^{-t/(10\tau)}$   
 ( $10\tau$  da der Widerstand, über dem entladen wird,  $10\times$  so groß ist wie der während des Ladevorgangs)

**20. a)** Schalter geschlossen (= Laden):  $u_q = u_R + u_L = Ri_L + L \frac{di_L}{dt}$ .  $t := \frac{L}{R} \Rightarrow \frac{u_q}{R} - i_L = t \frac{di_L}{dt} \xrightarrow{\text{Trenn. d. Var.}} i_L(t) = \frac{u_q}{R} - k e^{-t/\tau}$   
 $\xrightarrow{AB, i_L(0)=0} i_L(t) = \frac{u_q}{R} (1 - e^{-t/\tau})$  und  $u_L(t) = L \frac{di_L}{dt} = u_q e^{-t/\tau}$

**b)** Schalter offen (= Entladen): entspräche  $u_q^*=0$  und AB  $i(0)=u_q/R \rightarrow i_L(t) = \frac{u_q}{R} e^{-t/\tau}$  und  $u_L(t) = L \frac{di_L}{dt} = -u_q e^{-t/\tau}$



zu 19.

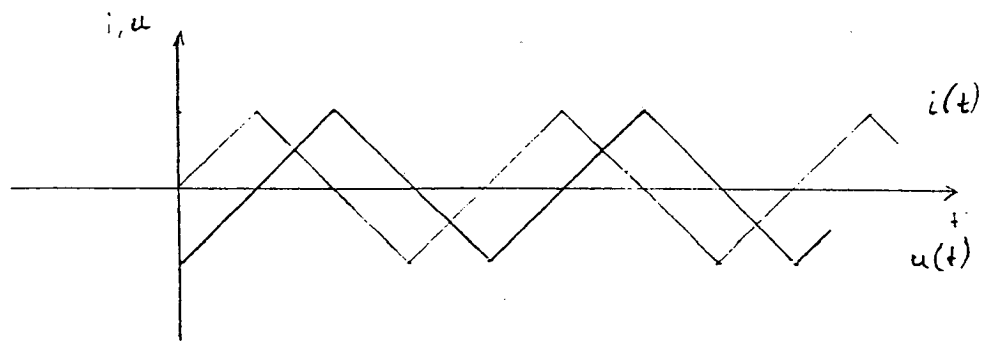
zu 20.

Links:

[http://www-ibt.etec.uni-karlsruhe.de/linette/skript/kap\\_08.pdf](http://www-ibt.etec.uni-karlsruhe.de/linette/skript/kap_08.pdf) .

<http://www.stiny-leonhard.de/links.htm>

1.)



Spannung eilt dem Strom um  $90^\circ (\hat{=} \frac{\pi}{2})$  nach

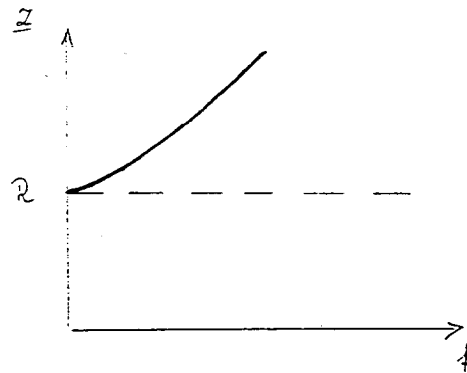
2)  $R + X_L$ :

$$\underline{Z} = \underline{R} + \underline{X}_L$$

$$= R + j\omega L$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$$

$$= \sqrt{R^2 + (2\pi f L)^2}$$



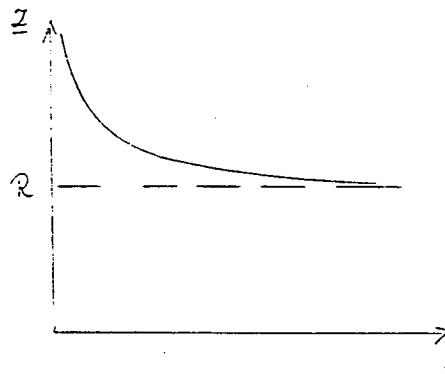
$R + X_C$ :

$$\underline{Z} = \underline{R} + \underline{X}_C$$

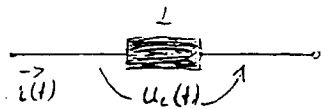
$$= R - j\frac{1}{\omega C}$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + \left(-\frac{1}{\omega C}\right)^2}$$

$$= \sqrt{R^2 + \left(-\frac{1}{2\pi f \cdot C}\right)^2}$$

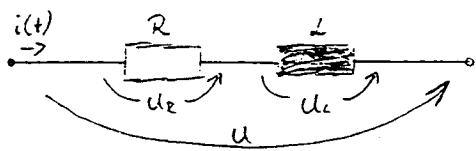


### 3.) ideale Induktivität:

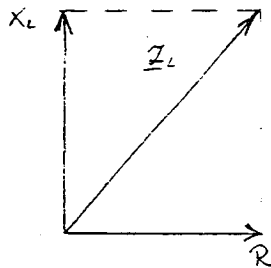


$$u_L(t) = L \frac{di}{dt}$$

technische Induktivität:



$$\begin{aligned} u &= u_L(t) + u_R \\ &= iR + L \frac{di}{dt} \end{aligned}$$



### 4.) Schalter offen



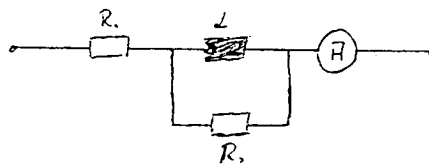
$$Z_o = R_1 + jX_L$$

$$= R_1 + j\omega L$$

$$Z_o = \sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2}$$

$$I_o = \frac{U}{|Z_o|}$$

### Schalter geschlossen



$$Z_g = R_1 + \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \frac{1}{(\omega L)^2}}}$$

$$I_g = \frac{U}{|Z_g|}$$

$$Z_o = Z_g$$

$$\sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2} = R_1 + \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \left(-\frac{1}{\omega L}\right)^2}}$$

$$\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \left(-\frac{1}{\omega L}\right)^2} = \frac{1}{\sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2} - R_1} \quad \text{mit } \omega = 2\pi f$$

$$\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \frac{1}{4\pi^2 f^2 L^2}} = \frac{1}{\sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2} - R_1}$$

$$\frac{1}{R_2^2} = \left( \frac{1}{\sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2} - R_1} \right)^2 - \frac{1}{4\pi^2 f^2 L^2}$$

$$R_2 = \sqrt{\frac{1}{\left(\frac{1}{\sqrt{R_1^2 - (\omega L)^2} - R_1}\right)^2 - \frac{1}{4\pi^2 f^2 L^2}}}$$

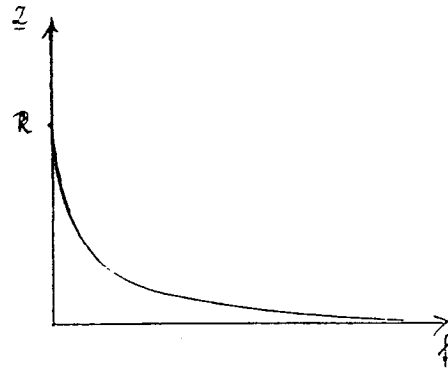
5.)  $R \parallel X_C :$

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + \frac{1}{X_C}$$

$$Z = \frac{1}{\frac{1}{R} + \frac{1}{X_C}}$$

$$Z = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + (\omega C)^2}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + (2\pi f)^2}}$$



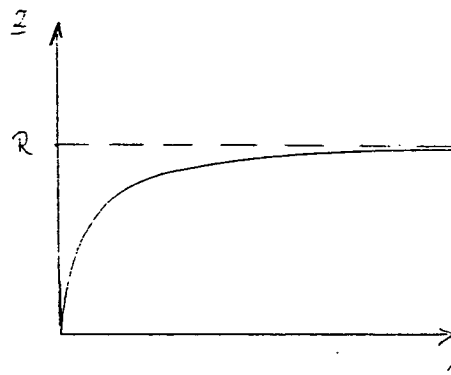
$R \parallel X_L :$

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + \frac{1}{X_L}$$

$$Z = \frac{1}{\frac{1}{R} + \frac{1}{X_L}}$$

$$Z = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(-\frac{1}{\omega L}\right)^2}}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(-\frac{1}{2\pi f L}\right)^2}}$$



$$6.) \quad \frac{1}{\underline{Z}_{L_1}} = \frac{1}{\underline{R}_2} + \frac{1}{\underline{X}_L}$$

$$\underline{Z}_{L_1} = \frac{1}{\frac{1}{\underline{R}_2} + \frac{1}{\underline{X}_L}}$$

$$\underline{Z}_{L_1} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \left(-\frac{1}{\omega L}\right)^2}}$$

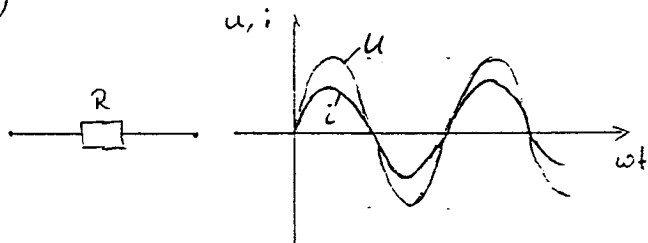
$$\underline{Z}_L = \underline{Z}_{L_1} + \underline{R}_1$$

$$\underline{Z}_L = R_1 + \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_2^2} + \left(-\frac{1}{2\pi f L}\right)^2}}$$

$$\underline{Z}_L(f \rightarrow \infty) = R_1 + R_2$$

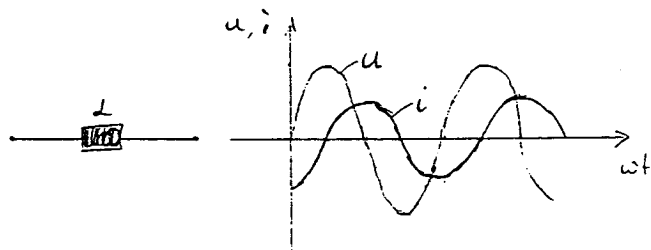
$$\underline{Z}_L(f \rightarrow 0) = R_1$$

7.)



$$i(t) = \frac{\hat{u}}{R} \sin(\omega t + \varphi_u)$$

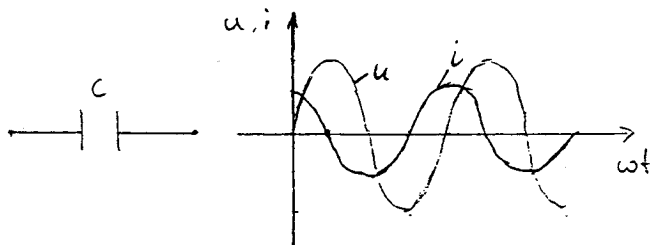
$$u(t) = i R \sin(\omega t + \varphi_u)$$



$$i(t) = \frac{1}{L} \int u dt$$

$$= \frac{\hat{u}}{\omega L} \sin(\omega t + \varphi_u + \frac{\pi}{2})$$

$$u(t) = \omega L \hat{i} \sin(\omega t + \varphi_u + \frac{\pi}{2})$$



$$i(t) = C \frac{du}{dt}$$

$$= \hat{u} \omega C \sin(\omega t + \varphi_u - \frac{\pi}{2})$$

$$u(t) = \frac{1}{\omega C} \cdot \hat{i} \sin(\omega t + \varphi_u - \frac{\pi}{2})$$



8.)

$$\underline{Z}_1 = \underline{R} + \underline{X}_L$$

$$= R + j\omega L$$

$$Z_1 = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$$

$$= 100 \, \Omega$$

$$\varphi = \arctan \frac{X_L}{R}$$

$$= 45^\circ$$

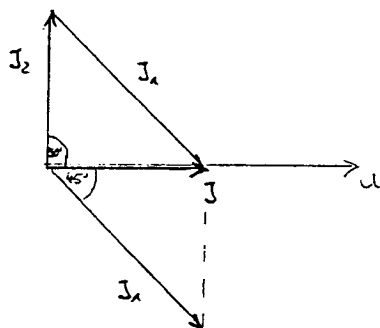
$$Z_1 = 100 \, \Omega \cdot e^{j45^\circ}$$

$$I_1 = \frac{U}{Z_1}$$

$$= 1 \, \text{A} e^{-j45^\circ}$$

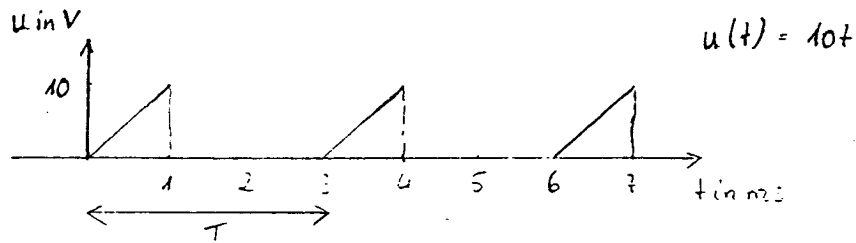
$$C = Z_1$$

=> Konstruktion des Zeigerbildes:



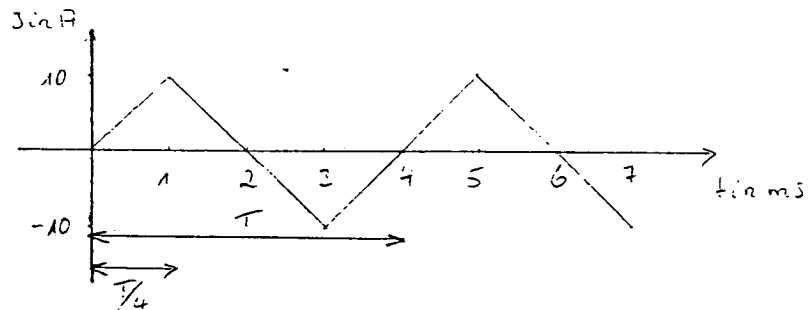
$$I = I_2$$

9.)



$$\begin{aligned}\bar{u} &= \frac{1}{T} \int_0^{\frac{T}{3}} 10t \, dt \\ &= \frac{1}{T} \left[ 5t^2 \right]_0^{\frac{T}{3}} \\ &= \frac{5}{3} \text{ V}\end{aligned}$$

10.)



$$\begin{aligned}I &= \sqrt{\frac{1}{\frac{T}{4}} \int_0^{\frac{T}{4}} i^2(t) \, dt} = I = \sqrt{\int_0^1 i^2(t) \, dt} \\ &= \sqrt{\frac{1}{1} \int_0^1 (10t)^2 \, dt} \\ &= \sqrt{\left[ \frac{100}{3} t^3 \right]_0^1}\end{aligned}$$

$$I = \sqrt{\frac{100}{3}} \text{ A für } \frac{1}{4}T$$

$$I = \frac{40}{\sqrt{3}} \text{ A für } T$$

11.)

$$\underline{Z}_1 = \underline{R} + \underline{X}_L$$

$$\underline{Z}_1 = \underline{R} + j\omega L$$

$$Z_1 = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$$

$$= \sqrt{R^2 + (2\pi f \cdot L)^2}$$

$$= \underline{100 \Omega}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C}$$

$$= \frac{1}{2\pi f \cdot C}$$

$$= 100 \Omega$$

$$U = Z_1 \cdot I_1$$

$$I_1 = 0,5 A$$

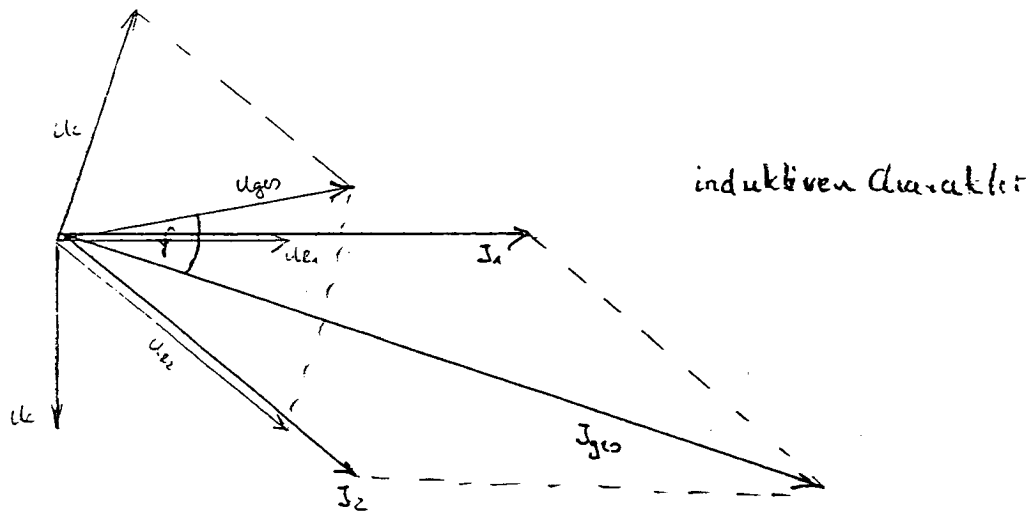
$$U = X_C \cdot I_2$$

$$I_2 = 0,5 A$$

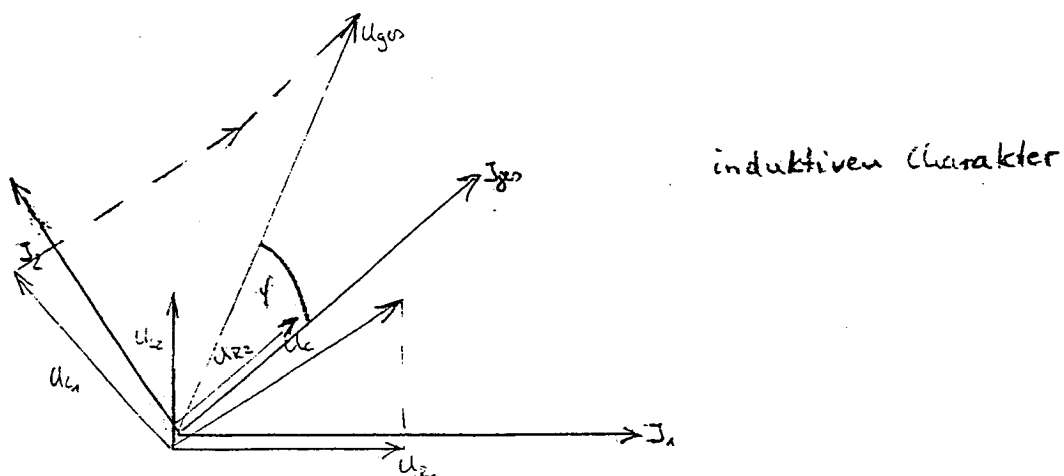
$$I_g = I_1 + I_2$$

$$= \underline{1 A}$$

12.)



13.)



14.) Reihenschwingkreis:

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R} = \frac{1}{\omega_0 C R} = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}}$$

Parallelschwingkreis:

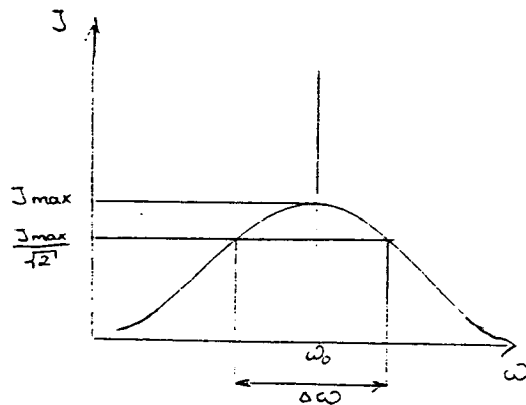
$$Q = \frac{R}{\omega_0 L} = \omega_0 C R$$

15.)  $\omega_{45} \Rightarrow$  charakteristische Kreisfrequenz, bei der Realteil gleich Imaginärteil des komplexen Scheinwiderstands

$$\omega_{45} = \omega_0 \left( \sqrt{1 + \left(\frac{1}{2Q}\right)^2} \pm \frac{1}{2Q} \right)$$

Als Gütezahl  $Q$  bezeichnet man das Verhältnis des Blindwiderstands zu Wirkwiderstand bei Resonanz.

Die Gütezahl gibt das Verhältnis  $U_C$  bzw.  $U_L$  zu  $U$  im Falle der Resonanz an.  $Q$  bestimmt auch die relative Bandbreite  $\Delta\omega$ .



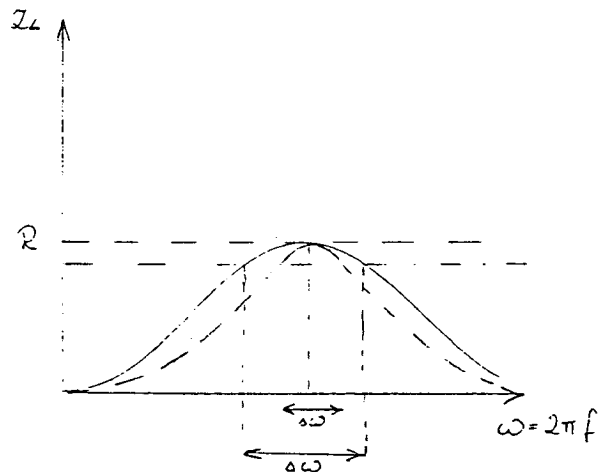
$$\Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q}$$

16.)

$$\frac{1}{Z} = \frac{1}{R} + \frac{1}{X_L} + \frac{1}{X_C}$$

$$= \frac{1}{R} + \frac{1}{j\omega L} - j\omega C$$

$$Z = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R^2} + \left(\omega C - \frac{1}{\omega L}\right)^2}}$$

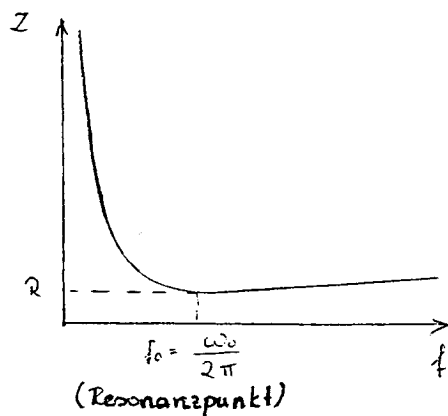


• gestrichelter Verlauf  $\Rightarrow$  Güte größer als beim durchgezogenen Verlauf

$\hookrightarrow$  Je größer die Güte ist, um so kleiner ist die Bandbreite  $\Delta\omega$

$$\Rightarrow \Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q}$$

17.)



• im Resonanzpunkt gilt  $\omega L = 1/\omega C$  und  $Z=R$

$\hookrightarrow$  Phasenverschiebung zwischen U und I ist Null

$\hookrightarrow$  fließende Strom bei Resonanzfrequenz am größten

18.)

$$f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{CL}}$$

$$= \underline{\underline{1752,2 \cdot 10^{-1}}}$$

$$\underline{Z} = R + j\omega L - j\frac{1}{\omega C}$$

$$= R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$

$$\text{mit } \omega = 2\pi \cdot f_0$$

$$= 100 \Omega$$

$$U_g = Z \cdot \underline{I}$$

$$\underline{\underline{I = 0,05 A}}$$

$$U_C = \underline{I} \cdot \left(-\frac{1}{\omega C}\right)$$

$$= -30,275 V$$

$$U_L = \underline{I} \cdot \omega L$$

$$= 30,275 V$$

$$U_R = \underline{I} \cdot R$$

$$= 5 V$$

(20)  $\Rightarrow ?$

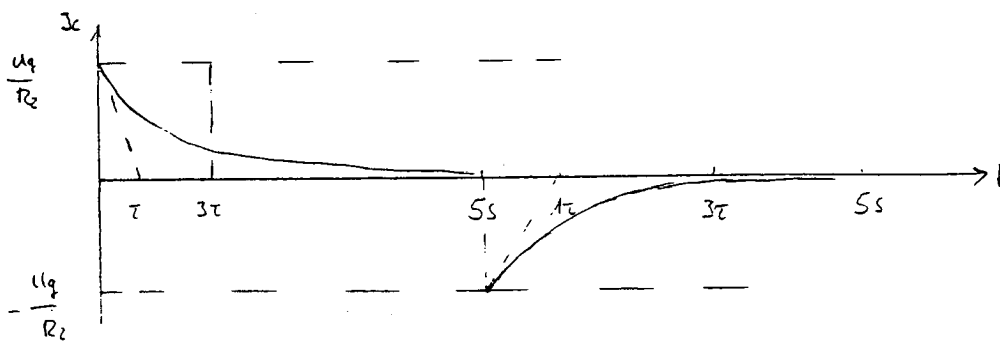
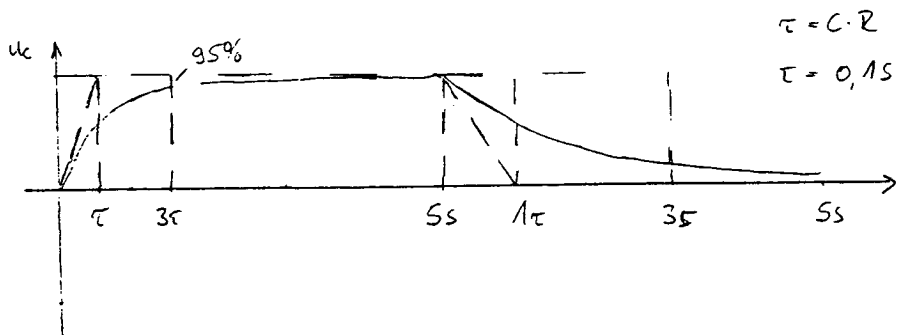
(15)  $\Rightarrow ?$

(8)  $\Rightarrow J_1^2 = J_2^2 + J_3^2 \Rightarrow J_1$  ersetzen?

Spezialpapier

x-Achse logarithmisch geteilt mit 3-4 Dekaden?  
y-Achse linear geteilt

(19)



zu 8.)

$$I_E = I_1 \cdot \sin 45^\circ$$

$$U_{WC} = I_1 \cdot \sin 45^\circ$$

$$C = \frac{I_1 \cdot \sin 45^\circ}{U \cdot 2\pi f}$$

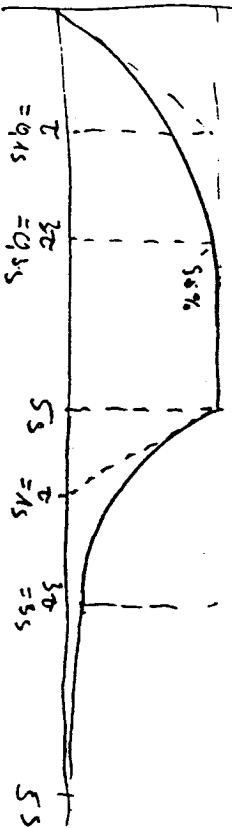
$$C = \frac{1A \cdot \sin 45^\circ}{100V \cdot 2\pi \cdot 50Hz} = 22,5 \mu F$$

zu 11.)

13)

$U_C - U_{out}$

$$T = C \cdot R$$



20/  $T = \frac{C}{R}$

zu 4 b)

~~$$\sqrt{R_1^2 + (\omega L)^2} = \sqrt{R_1^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_1^2} + \frac{1}{(\omega L)^2}}}\right)^2}$$~~

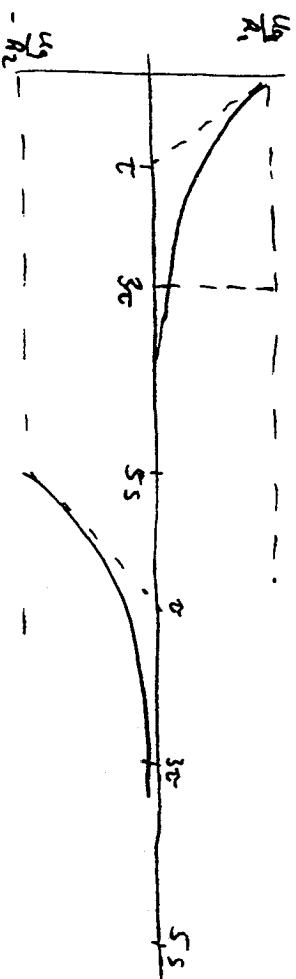
~~$$R_1^2 + (\omega L)^2 = R_1^2 + \left(\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{R_1^2} + \frac{1}{(\omega L)^2}}}\right)^2$$~~

~~$$(\omega L)^2 = \frac{1}{\frac{1}{R_1^2} + \frac{1}{(\omega L)^2}}$$~~

~~$$\left(\frac{1}{\omega L}\right)^2 = R_1^2 + \frac{1}{(\omega L)^2}$$~~

~~$$0 = \frac{1}{R_1^2} \Rightarrow R_1 \rightarrow \infty$$~~

$i_C - U_{out}$







Institut für  
Elektrische Energiesysteme

# Meßwertprotokoll

EE ..... 03 Platz Nr.: 2.....

Lehrstuhl:  
Allgemeine Elektrotechnik /  
Elektrische Aktorik

Daten des Versuchsobjektes:

Beobachter: .....

Datum: 11.06.01

Versuchsbedingungen, Parameter, Aufgabe:

$Z_1 = R$ $Z_2 = R // R$ $Z_3 = R // X_C // X_L$										
Meß- größe										
Maß- einheit	Hz	U	I	Z	U	I	Z	U	I	Z
Meßber- faktor			$10^{-3}$			$10^{-3}$			$10^{-3}$	
1.	10	2,90	0,29	10000	0,06	05,9	10,17	0,05	05,9	3,47
2.	50	3	2,9	1034,5	0,06	5,9	10,17	0,06	5,9	10,17
3.	100	2,97	2,9	1024,1	0,06	5,8	10,34	0,06	5,8	10,34
4.	200	2,88	2,9	1027,6	0,08	5,9	13,56	0,07	5,9	11,86
5.	500	2,98	2,9	1027,6	0,13	5,9	22,03	0,14	5,9	23,73
6.	800	2,97	2,9	1024,1	0,21	5,9	35,6	0,24	5,8	41,38
7.	1000	2,94	2,9	1013,3	0,25	5,8	43,1	0,32	5,8	55,17
8.	1200	2,94	2,9	1013,3	0,3	5,8	51,72	0,43	5,8	74,14
9.	1500	2,92	2,9	1006,9	0,37	5,8	63,8	0,7	5,6	125
10.	1800	2,91	2,9	1003,4	0,43	5,8	74,14	1,38	5	236
11.	2200	2,9	2,9	1000	0,47	5,8	81,03	2,11	3,7	570,27
12.	2200	2,89	2,9	996,6	0,51	5,8	87,93	1,83	4,4	415,91
13.	5000	2,78	2,9	958,6	0,99	5,5	130	0,26	5,8	44,83
14.	9800	2,83	2,8	1010,7	1,65	4,9	336,73	0,15	5,8	25,36

Versuchsbedingungen, Parameter, Aufgabe:

$Z_1 = X_C$										
Meß- größe										
Maß- einheit	Hz	U	I	Z						
Meßber- faktor			$10^{-1}$							
1.	10	5,76	0,2	28800						
2.	50	5,7	1,6	35625						
3.	100	5,66	3	1636,7						
4.	200	3,73	4,5	825,9						
5.	500	1,86	5,6	322,14						
6.	800	1,2	5,8	206,9						
7.	1000	0,97	5,8	167,2						
8.	1200	0,81	5,8	139,6						
9.	1500	0,66	5,8	113,3						
10.	1800	0,55	5,8	94,8						
11.	2000	0,5	5,8	86,2						
12.	2100	0,46	5,8	79,9						
13.	5000	0,22	5,8	37,9						
14.	9800	0,14	5,8	24,13						

Daten des Versuchsobjektes:

Beobachter : .....

Datum : .....

**Versuchsbedingungen, Parameter, Aufgabe:**

4.3

[illegible]

**Versuchsbedingungen, Parameter, Aufgabe:**

4.2

## Resonanzfall

[illegible]

5.4

$$\frac{30^\circ}{4.5 \text{ cm}} = \frac{\varphi}{3.5 \text{ cm}}$$

U<sub>1</sub>

$$\varphi = \underline{\underline{33.3^\circ}} \quad \checkmark$$

$$\frac{60^\circ}{7 \text{ cm}} = \frac{\varphi}{3.5 \text{ cm}}$$

$$\varphi = \underline{\underline{30^\circ}} \quad \checkmark$$

U<sub>2</sub>

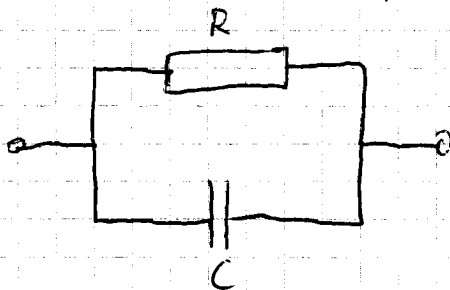
$$\frac{-30^\circ}{5} = \frac{\varphi}{7}$$

$$\varphi = \underline{\underline{-42^\circ}} \quad \checkmark$$

$$\frac{-60^\circ}{8} = \frac{\varphi}{7}$$

$$\varphi = \underline{\underline{-52.5^\circ}} \quad \checkmark$$

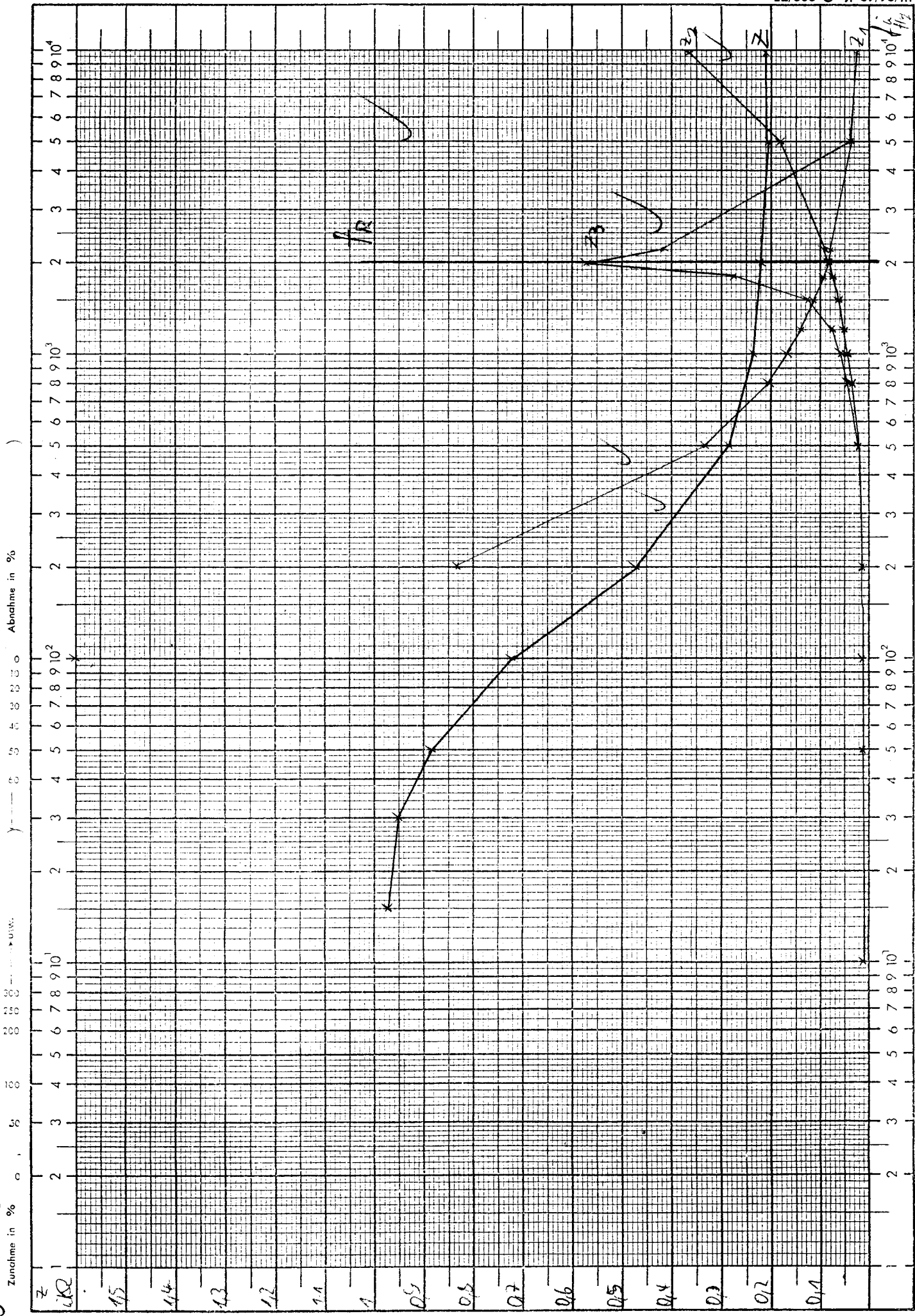
53. Es handelt sich hierbei um einen Ohmschen Widerstand und um einen Kondensator, der parallel geschaltet ist



✓

5-2/5.3

Nr. 495



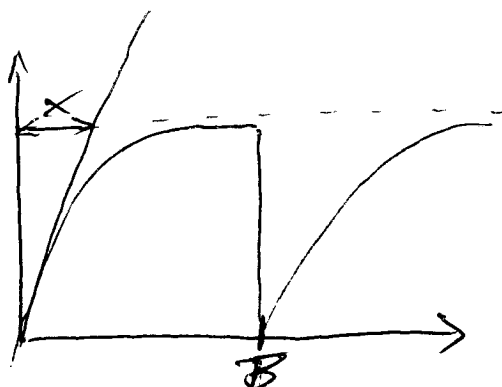
Copyright 1950 Schäfers Feinpapier, Plauen (Vogtl.) GDR Bestell-Nr. 495  
 (Nachdruck nur mit Genehmigung des Herausgebers)  
 ges. gesch. unter  
 Reg.-Nr. 600003  
 Eine Achse logar. geteilt von 1 bis 10<sup>4</sup> Einheit 62,5 mm, die andere in mm mit Prozentmaßstab  
 III/26/40 KWG 008/75

5.5.) abgelesen

$$x_{\text{offn}} = 2$$

$$x_{\text{zu}} = 1,5$$

für  $x_c$



$$\tau = T \cdot \frac{x}{B}$$

$$T = \frac{1}{f} = 0,005 \text{ s}^{-1}$$

$$f = 200 \text{ Hz}$$

$$\tau_{\text{offn}} = 5,5 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

$$\tau_{\text{zu}} = 4,16 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

$$L_{\text{offn}} = \underline{\underline{0,088 \text{ H}}}$$

✓

$$L_{\text{zu}} = \underline{\underline{0,06656 \text{ H}}}$$

✓

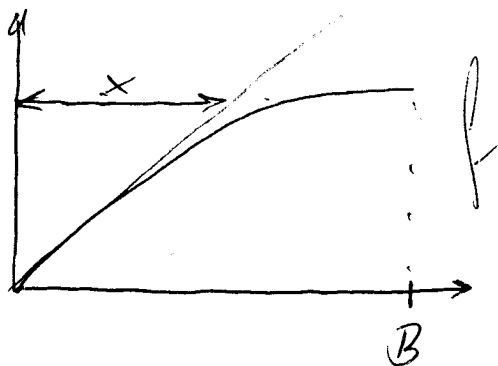
$$L = \tau \cdot R \quad R = 160 \text{ } \Omega$$

abgelesen:

$$x_{\text{offn}} = 3$$

$$x_{\text{zu}} = 10$$

für  $x_c$



$$\tau_{\text{offn}} = 3,3 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

$$\tau_{\text{zu}} = 11,1 \cdot 10^{-4} \text{ s}$$

$$C = \tau \cdot R$$

$$C_{\text{offn}} = \underline{\underline{0,0528 \text{ F}}}$$

$$C_{\text{zu}} = \underline{\underline{0,1776 \text{ F}}}$$

f

